

## رسم منحنی‌های حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته با روش‌های مختلف آماری و مقایسه آن با روش سینوپتیکی برای ایران

مهدی خلجی پیربلوطی و علیرضا سپاسخواه<sup>۱</sup>

### چکیده

حداکثر بارش محتمل مقدار بارشی است که امکان وقوع آن در یک ایستگاه، یک منطقه یا یک حوزه آبخیز وجود دارد، یا حداکثر کردن منطقی عوامل هواشناسی به گونه‌ای که رگبار حداکثر تولید شود. حداکثر بارش‌های محتمل از این نظر حایز اهمیت‌اند که تأسیسات هیدرولیک، همچون سرریزهای اضطراری سدها، پل‌ها، آب‌روها، نهرها و شبکه‌های زه‌کشی شهری بر پایه آن طراحی می‌شوند. محتمل‌ترین بارش روزانه به دو روش کلی تخمین زده می‌شود: در روش اول از عواملی مانند دمای نقطه شبنم، سرعت باد و فشار هوا در ایستگاه‌های هواشناسی استفاده می‌شود. روش دوم روشی آماری است که در آن از بسط و تحلیل آمار بارندگی حداکثر روزانه استفاده می‌گردد. در این پژوهش با استفاده از حداکثر بارش ۲۴ ساعته جمع‌آوری شده از گزارش‌های ایستگاه‌های سازمان هواشناسی و وزارت نیرو در یک دوره ۱۵ ساله یا بیشتر، حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته با روش‌های مختلف آماری، برای مناطقی از ایران که در آنها مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته با روش سینوپتیکی محاسبه شده بود، برآورد گردید.

بررسی‌ها نشان داد که مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته محاسبه شده با روش سینوپتیکی دارای اختلاف می‌باشند، ولی نتایج روش بت‌لاهمی نسبت به دیگر روش‌های آماری، در قیاس با روش سینوپتیکی، دارای اختلاف کمتری است. برای به حداقل رساندن این اختلاف، با اعمال ضریب رطوبتی، روش بت‌لاهمی واسنجی گردید. سپس مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته واسنجی شده برای کلیه ایستگاه‌های مورد بررسی ایران محاسبه، و منحنی‌های حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته رسم گردید. نتایج نشان داد که کمترین مقدار حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته ایران در مناطق مرکزی برابر ۱۱۰ میلی‌متر اتفاق افتاده، و بیشترین مقدار آن در نقاط شمالی و جنوبی ایران برابر با ۲۶۰ میلی‌متر می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: حداکثر بارش محتمل، روش‌های آماری، روش سینوپتیکی، روش بت‌لاهمی واسنجی شده، حداکثر بارش ۲۴ ساعته

۱. به ترتیب دانشجوی سابق کارشناسی ارشد و استاد آبیاری، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز

## مقدمه

هیدرولوژی با توجه به ویژگی‌های جغرافیایی منطقه به وقوع پیوندد (۱۶). هنگامی که داده کافی برای محاسبه رگبار استاندارد پروژه در منطقه طرح وجود نداشته باشد، درصدی منطقی از بارش حداکثر محتمل جانشین رگبار استاندارد پروژه می‌شود (۱۹). بنابراین، برای طراحی سازه‌های آبی، در مرحله اول باید حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته محاسبه گردد. تا کنون برای چندین منطقه از ایران محاسبات حداکثر بارش‌های محتمل ۲۴ ساعته انجام شده است، که از آن جمله بررسی‌های حوزه طالقان (۶) و حوزه‌های کرخه، مارون، سفارود و سد ۱۵ خرداد (۱، ۲، ۳ و ۴) را می‌توان نام برد.

## مواد و روش‌ها

حداکثر بارش‌های محتمل را می‌توان به دو روش آماری و سینوپتیکی برآورد نمود. ذیلاً به شرح مختصر روش‌های آماری مورد استفاده در این پژوهش و روش سینوپتیکی پرداخته می‌شود.

## روش‌های آماری

## روش هرشفیلد (۱۴)

در این روش حداکثر بارش محتمل با توجه به معادله عمومی فرکانس، ارائه شده توسط چاو (۱۰) به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$X = \bar{X} + K S \quad [1]$$

که در آن:

$\bar{X}$  = میانگین تعدیل شده داده‌ها

S = انحراف معیار تعدیل شده داده‌ها

K = ضریب فرکانس

این مقادیر بر پایه منحنی‌های مربوط به دست می‌آید (۲۱).

## روش بت‌لاهمی (۹)

بت‌لاهمی برای کاستن مشکل کمبود آمار و کم کردن تأثیر زیاد

هنگام بررسی رویدادهای نادر هیدرولوژی، ممکن است این پرسش مطرح شود که PMF یا حداکثر سیلاب محتمل (Probable Maximum Flood) چه شدتی خواهد داشت؟ بررسی‌های احتمالی گویای بی‌نهایت بودن مقدار حداکثر سیلاب محتمل است، زیرا با کاهش احتمال وقوع، بر شدت واقعه افزوده می‌شود، و هنگامی که احتمال وقوع سیلاب به سمت صفر میل نماید، شدت آن به بی‌نهایت میل خواهد کرد. ولی چون سیلاب محصول مستقیم بارش است، می‌توان پذیرفت که محدودیت‌های فیزیکی سبب تثبیت شدت بارش، و در نتیجه سیلاب خواهد شد. به سخن دیگر، می‌توان ادعا کرد که شدت بارش دارای یک حد نهایی منطقی است، که به PMP یا حداکثر بارش محتمل (Probable Maximum Precipitation) معروف می‌باشد (۱۳). چاو و همکاران (۱۱) سقف بارشی را که به لحاظ فیزیکی و منطقی در یک دوام معین از سال در محدوده‌ای مشخص قابل وقوع باشد، به عنوان حداکثر بارش محتمل تعریف نموده‌اند. کاریگان و همکاران (۱۲) در سال ۱۹۹۸ شرایط جغرافیایی را نیز به تعریف فوق افزودند.

حداکثر بارندگی محتمل از این نظر حایز اهمیت است که تأسیسات هیدرولیک بر اساس آن طراحی می‌شود. بنابراین، چنین تأسیساتی نباید هیچ‌گاه از نظر بارندگی و سیل در معرض خطر قرار گیرند. از جمله این تأسیسات و ابنیه می‌توان سرریزهای اضطراری سدها را نام برد (۷). به خاطر شکست و خراب شدن شماری از سدهای ساخته شده، مانند سد ماچو II در ایالت گجرات هندوستان (۱۵) و سد جانستون در ایالت پنسیلوانیا آمریکا (۲۰)، و هم‌چنین دیگر ابنیه هیدرولیک، توجه بیشتری به استانداردهای طراحی برای شدت‌های باران به عمل آمده است.

شاخص‌های مورد نیاز در طراحی سدهای بزرگ عبارتند از بارش حداکثر محتمل و رگبار استاندارد پروژه (Standard Project Storm). رگبار استاندارد پروژه به رگباری گفته می‌شود که در مناسب‌ترین شرایط هواشناسی و



استفاده در محاسبه حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته، به روش سینوپتیکی در حوزه‌های کرخه، مارون، سفارود و سد ۱۵ خرداد (۱، ۲، ۳ و ۴) شناسایی، و برای هر کدام از حوزه‌ها با استفاده از نرم‌افزار کامپیوتری سورفر (Surfer)، مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش‌های هرشفیلد، بت‌لاهمی و بت‌لاهمی اصلاح شده ترسیم گردید. نمونه‌ای از نقشه‌های رسم شده برای حوزه مارون به روش هرشفیلد در شکل ۲ ارائه شده است (۵).

با محاسبه مساحت بین منحنی‌های حداکثر بارش محتمل و مقادیر منحنی‌های میزان، حجم تجمعی بارش محاسبه و با تقسیم بر کل سطح، میانگین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته در کل حوزه به دست آمد، تا با مقادیر نظیر به روش سینوپتیکی مقایسه گردد. نمونه‌ای از محاسبات برای حوزه مارون به روش هرشفیلد در جدول ۱ ارائه شده است.

### نتایج و بحث

مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش سینوپتیکی و روش‌های مختلف آماری برای حوزه‌های مطالعاتی در جدول ۲ ارائه شده است. نتایج نشان می‌دهد که:

۱. هیچ کدام از مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته در روش‌های مختلف آماری و سینوپتیکی با هم هم‌خوانی ندارند، که غیر معقول نیز به نظر نمی‌رسد. زیرا، اولاً: ایستگاه‌های انتخاب شده در روش‌های آماری، دقیقاً همان ایستگاه‌های استفاده شده در روش سینوپتیکی برای تحلیل نمی‌باشند، و طول دوره آماری نیز دقیقاً برابر نیست. ثانیاً: عواملی که در روش سینوپتیکی برای حدکثر نمودن بارش از آنها استفاده می‌شود، به صورت مستقیم در روش آماری نقش ایفا نمی‌نمایند.
۲. مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته محاسبه شده روش بت‌لاهمی نسبت به روش‌های آماری دیگر به مقادیر نظیر روش سینوپتیکی نزدیک‌تر است.

حداکثر نمودن آن، و در صورت لزوم پس از حداکثر نمودن سرعت باد و اعمال دو ضریب مربوطه، مقدار حداکثر بارش محتمل برآورد می‌گردد (۲۱).

### روش کوهستانی

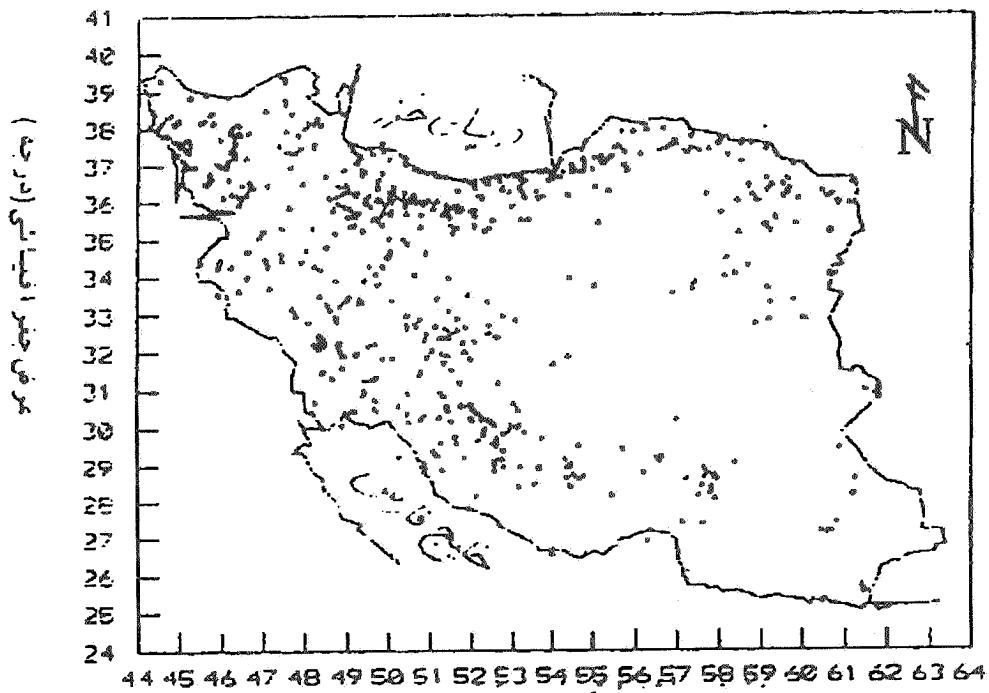
مقدار بارش با توجه به جهت و سرعت جریان هوای مرطوب، ارتفاع و چگونگی قرار گرفتن کوهستان تغییر می‌پذیرد. برآورد حداکثر بارش محتمل در نواحی کوهستانی به ترکیبی از دو عامل زیر بستگی دارد (۱۷ و ۱۸):

۱. باران‌های کوهستانی، که تحت تأثیر کوهستان می‌باشد.
  ۲. باران‌های هم‌گرایی ناشی از جریان اتمسفر، که مستقل از تأثیر کوهستان است.
- هر دو مورد فوق باید در تخمین حداکثر بارش محتمل در این نواحی مورد استفاده قرار گیرد.

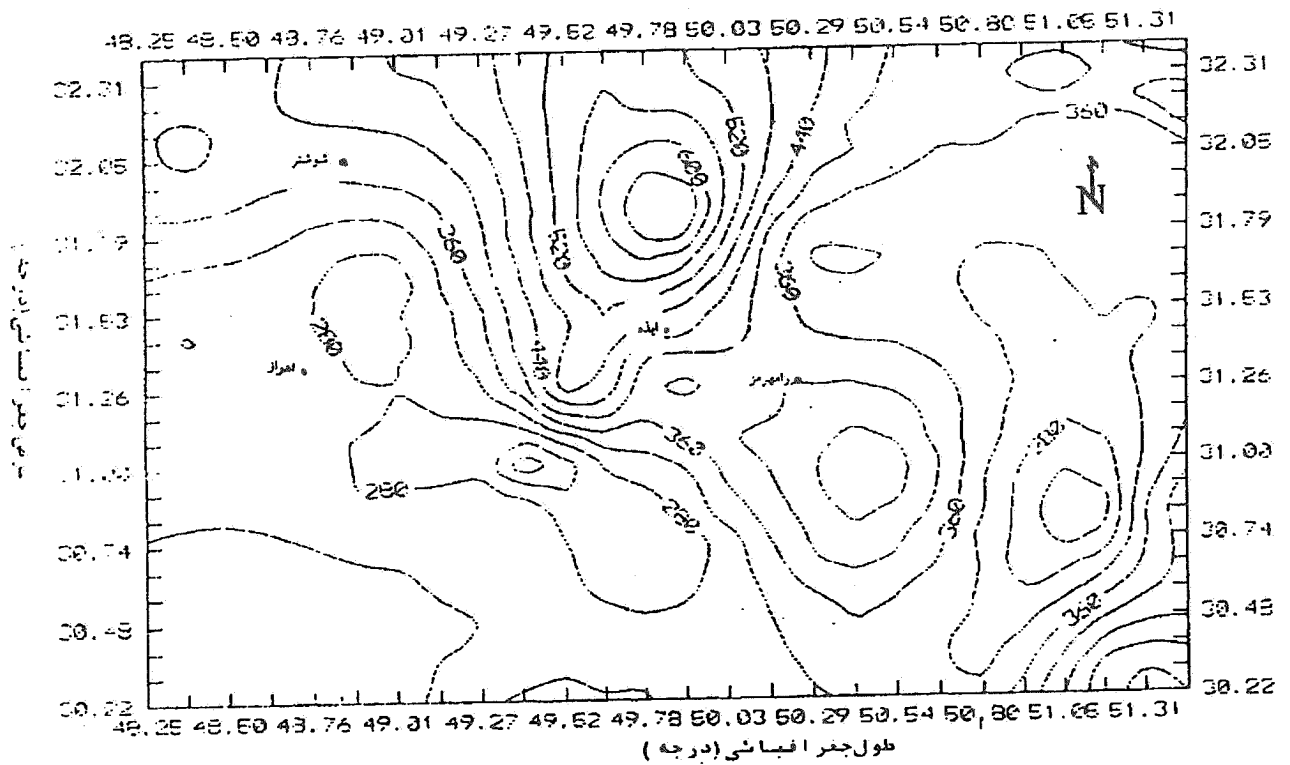
### داده‌های بررسی

در این پژوهش، آمار لازم در مورد حداکثر بارش ۲۴ ساعته ایستگاه‌های سازمان هواشناسی و باران‌سنجی وزارت نیرو از سال ۱۳۳۷ تا جدیدترین آمار در آغاز تحلیل اطلاعات (۱۳۷۰) تهیه گردید. سپس ایستگاه‌های دارای خلأ آماری مشخص، و با توجه به موقعیت جغرافیایی ایستگاه‌های مجاور آنها، و از طریق رگرسیون‌گیری، عمل بازسازی آمار انجام، و انتخاب ایستگاه‌های نهایی با آمار حداقل ۱۵ سال یا بیشتر صورت پذیرفت.

پس از بررسی‌های لازم، ۶۵۴ ایستگاه، ۲۳۸ ایستگاه هواشناسی و ۴۱۶ ایستگاه وزارت نیرو انتخاب شده و در تحلیل‌ها مورد استفاده قرار گرفتند. موقعیت این ایستگاه‌ها در شکل ۱ ارائه شده است. مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته با روش‌های مختلف آماری هرشفیلد، بت‌لاهمی و بت‌لاهمی اصلاح شده برای این ایستگاه‌ها، به صورت نقطه‌ای، با استفاده از برنامه‌های کامپیوتری که به زبان فاکس‌پرو (Fox Pro) تهیه شده بود، محاسبه گردید (۵). سپس کلیه ایستگاه‌های مورد



شکل ۱. ایستگاه‌های باران‌سنجی وزارت نیرو و سازمان هواشناسی مورد استفاده در پژوهش



شکل ۲. منحنی‌های هم‌مقدار حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش هرشفیلد، برای حوزه مارون (میلی‌متر)

جدول ۱. مساحت و حجم بارش با توجه به شکل ۲ برای حوزه مارون به روش هرشفیلد

مقدار بارش (میلی متر)	میانگین بارش (میلی متر)	سطح تجمعی (کیلومتر مربع)	سطح جزئی (کیلومتر مربع)	حجم بارش (متر مکعب $\times 1000$ )
< ۲۸۰	۲۸۰	۱۵۷۷/۹۰	۱۵۷۷/۹۰	۴۴۱۸۱۲
۲۸۰-۳۲۰	۳۰۰	۲۳۶۶/۸۵	۲۳۶۶/۸۵	۷۱۰۰۵۵
۳۲۰-۳۶۰	۳۴۰	۲۰۵۱/۲۷	۲۰۵۱/۲۷	۶۹۷۴۳۱/۸۰
۳۶۰-۴۰۰	۳۸۰	۴۸۴۴/۱۵	۳۲۶۶/۲۵	۱۳۸۳۱۸۷/۱۴
۴۰۰-۴۴۰	۴۲۰	۱۵۷۷/۹۰	۵۸۳/۸۲	۲۴۵۲۰۵/۶۶
۴۴۰-۵۲۰	۴۸۰	۹۹۴/۰۸	۷۵۷/۳۹	۳۶۳۵۴۸/۱۶
> ۵۲۰	۵۲۰	۲۳۶/۶۸	۲۳۶/۶۸	۱۲۳۰۷۶/۲۰
جمع		۱۰۸۴۰/۱۷		۳۸۲۲۳۰۴/۹۶

جدول ۲. میانگین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش های مختلف آماری و سینوپتیکی برای حوزه های مورد بررسی

روش سینوپتیکی	میانگین حداکثر بارش محتمل (میلی متر)			مساحت (کیلومتر مربع)	حوزه
	هرشفیلد	بت لاهی اصلاح شده	بت لاهی		
۱۹۰	۳۰۰	۳۱۵	۱۱۵	۴۲۶۴۴	کرخه تا پای پل
۱۱۵	۲۴۵	۲۳۰	۱۱۵	۱۰۴۱	سد ۱۵ خرداد
۲۳۰	۳۲۰	۳۳۰	۱۳۰	۳۵۰	شفارود
۲۶۰	۳۰۰	۲۷۰	۱۳۰	۱۰۸۴۰	مارون

۱۳۴۷-۱۳۶۶) از سالنامه های هواشناسی استخراج و نسبت میانگین حداکثر درصد رطوبت نسبی به میانگین سالیانه محاسبه شده، و نسبت این دو برای حوزه های بررسی شده به روش سینوپتیکی محاسبه گردید. نتایج این محاسبات در جدول ۳ ارائه شده است.

سپس بررسی هایی در مورد رابطه میان نتایج مقادیر میانگین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته روش های مختلف آماری با مقادیر نسبت میانگین حداکثر رطوبت نسبی به متوسط رطوبت و حداکثر بارش های محتمل به دست آمده از روش سینوپتیکی برای حوزه های مورد مطالعه به عمل آمد. بررسی ها نشان داد که اگر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش بت لاهی ایستگاه های هر حوزه در نسبت میانگین حداکثر رطوبت نسبی

۳. مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته روش های بت لاهی اصلاح شده و هرشفیلد به هم نزدیک می باشند. پس از بررسی اقلیم منطقه ای و وضعیت جبهه های مرطوب ورودی به مناطق مورد مطالعه، تنها عاملی که به نظر می رسد می تواند بر بیشینه سازی مقادیر حداکثر بارش محتمل به روش سینوپتیکی دخالت نموده و احتمالاً اثر آن در محاسبه با روش های آماری حذف شده، یا شدت اثر آن برابر با شدت اثر روش سینوپتیکی نبوده باشد، عامل رطوبت هوا است. به همین دلیل، مقادیر میانگین حداکثر درصد رطوبت نسبی سالیانه و میانگین درصد رطوبت نسبی سالیانه در ایستگاه های معرف برای هر حوزه و مربوط به سازمان هواشناسی، که در محاسبات حداکثر بارش محتمل نقش داشته اند، برای دوره پایه ۲۰ ساله

جدول ۳. میانگین حداکثر سالیانه، میانگین متوسط رطوبت نسبی و نسبت آنها برای حوزه‌های مورد بررسی

حوزه	میانگین حداکثر رطوبت نسبی (درصد)	میانگین متوسط رطوبت نسبی (درصد)	نسبت میانگین حداکثر به میانگین متوسط رطوبت نسبی
کرخه تا پای پل	۷۵/۶۰	۴۹/۱	۱/۵۴
سد ۱۵ خرداد	۷۰/۱۰	۴۷/۷	۱/۴۷
شفا رود	۸۳/۹۸	۷۲/۸	۱/۱۵
مارون	۷۳/۸۰	۴۷/۶	۱/۵۵

ساعته واسنجی شده مورد استفاده قرار گرفت. پس از انجام محاسبات برای ۶۵۴ ایستگاه، منحنی‌های هم‌حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته اصلاح شده، با اعمال ضریب رطوبتی ترسیم، و در شکل ۴ ارائه شد. این نتایج بیانگر آن است که حداقل مقدار حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته در مناطق مرکزی ایران حدود ۱۱۰ میلی‌متر بوده، و حداکثر آن در مناطق شمالی و جنوبی ایران برابر با ۲۶۰ میلی‌متر می‌باشد.

#### نتیجه‌گیری

برای محاسبه حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته بهتر است در صورت امکان، و با توجه به وضعیت مالی پروژه و درجه دقت مورد نیاز، از روش سینوپتیکی برای محاسبه حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته استفاده گردد. در غیر این صورت، می‌توان از روش آماری بت‌لاهمی واسنجی شده به کمک ضریب رطوبتی، در محاسبه حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته نقطه‌ای استفاده نمود.

برای تخمین‌های سریع حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته منطقه‌ای، بهتر است نخست مقادیر نقطه‌ای آن برای ایستگاه‌های دارای آمار کافی در منطقه محاسبه، و سپس با روش میانگین حسابی، مقدار میانگین منطقه‌ای به دست آید.

برای افزایش دقت در تخمین منطقه‌ای حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته بهتر است پس از محاسبه آن برای ایستگاه‌های موجود در منطقه و مناطق مجاور آن، منحنی‌های هم‌مقدار حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته ترسیم، و با استفاده از

سالیانه به میانگین رطوبت نسبی سالیانه طولانی مدت (ضریب رطوبتی) ضرب شده، سپس منحنی‌های هم‌مقدار هر حوزه رسم، و میانگین حداکثر بارش محتمل محاسبه گردد، مقادیر به دست آمده به مقادیر حاصل از روش سینوپتیکی نزدیک‌تر خواهد بود. نتایج این محاسبات برای حوزه‌های مورد استفاده در پژوهش، در جدول ۴ ارائه گردید.

همان‌گونه که دیده می‌شود، مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته روش واسنجی شده بت‌لاهمی نسبت به روش‌های دیگر آماری، به اعداد حاصل از روش سینوپتیکی نزدیک‌تر است. بنابراین، ضریب رطوبتی برای کلیه ایستگاه‌های سازمان هواشناسی با طول دوره آماری حداقل ۱۰ سال، که موقعیت آنها در شکل ۳ مشخص شده است، محاسبه، و مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته واسنجی شده برای این ایستگاه‌ها، که جمعاً ۱۷۱ ایستگاه بود، به دست آمد. به منظور تعمیم نتایج به کلیه ایستگاه‌های سازمان هواشناسی و وزارت نیرو و پوشش کامل‌تر ایران، رابطه میان مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به دست آمده با روش واسنجی شده بت‌لاهمی و دیگر روش‌های آماری، برای ۱۷۱ ایستگاه بررسی گردید. این معادلات با جزئیات آماری در جدول ۵ ارائه شده است.

چنان که دیده می‌شود، کلیه روش‌های آماری محاسبه حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته هم‌بستگی خوبی با روش بت‌لاهمی واسنجی شده دارند. ولی معادله سوم دارای کمترین خطای معیار و بیشترین ضریب تعیین بوده و محاسبه با آن نیز بسیار ساده است. بنابراین، در محاسبه حداکثر بارش محتمل ۲۴

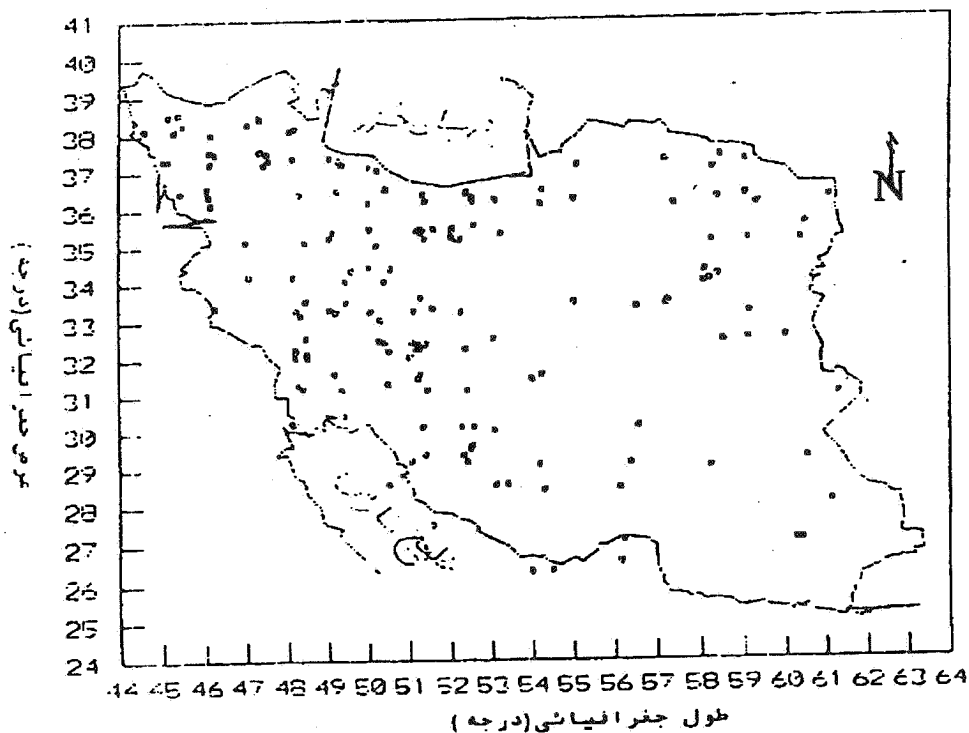
جدول ۴. حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته برای حوزه‌های مورد بررسی به روش‌های مختلف آماری

حوزه	سینوپتیکی	بت لاهمی	هرشفیلد	بت لاهمی اصلاح شده	بت لاهمی واسنجی شده
کرخه تا پای پل	۱۹۰	۱۱۵	۳۰۰	۳۱۵	۱۹۰
مارون	۲۶۰	۱۳۰	۳۰۰	۲۷۰	۲۵۰
سد ۱۵ خرداد	۱۱۵	۱۱۵	۲۴۵	۲۳۰	۱۵۵
شفارود	۲۳۰	۱۳۰	۳۲۰	۳۳۰	۱۹۰

جدول ۵. معادله‌های به دست آمده بین مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته حاصل از روش بت لاهمی واسنجی شده و روش‌های دیگر آماری محاسبه حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته

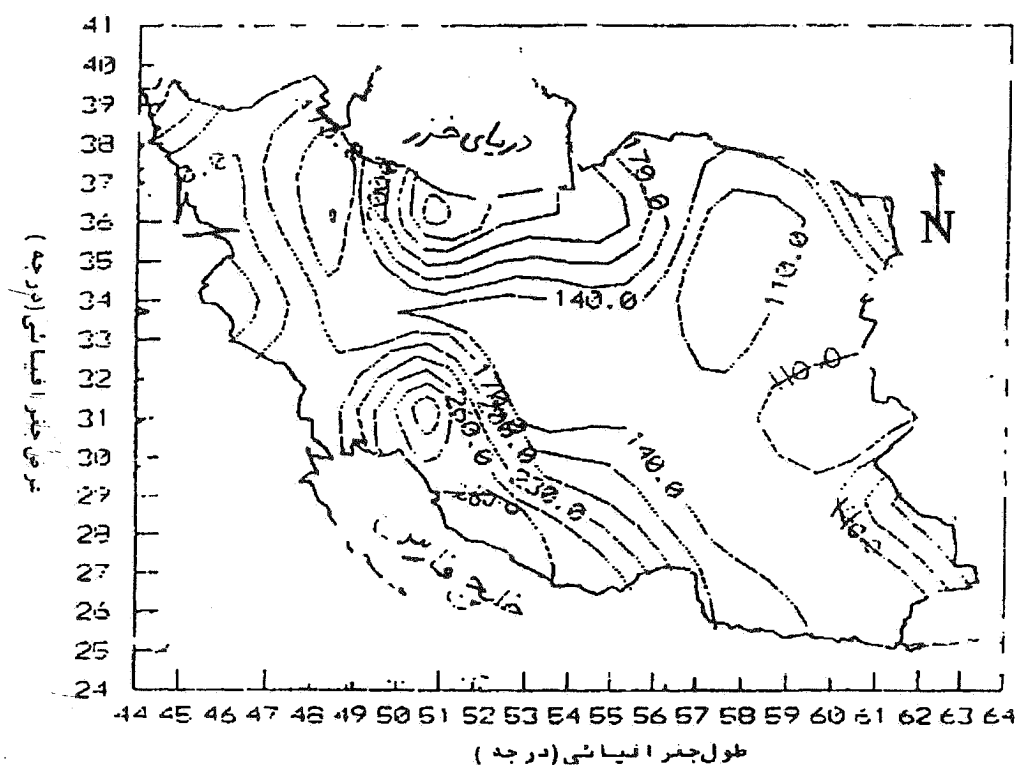
شمار مشاهدات	معیار خطا	سطح معنی‌دار	ضریب تعیین	معادله به دست آمده <sup>۱</sup>
N	SE	Sig-level	R <sup>2</sup>	
۱۷۱	۳۶/۲۳	۰/۰۰۰۰۱	۰/۸۵	$P_m = 1/9P_b$
۱۷۱	۳۰/۹۹	۰/۰۰۰۰۱	۰/۸۹	$P_m = 36/1 + 1/0.93P_b$
۱۷۱	۳۰/۵۲	۰/۰۰۰۰۱	۰/۹۰	$P_m = 41/4 + 0/426P_s$
۱۷۱	۵۴/۶۰	۰/۰۰۰۰۱	۰/۶۷	$P_m = 20/0 + 0/49P_h$

۱.  $P_m$  = مقدار PMP روش واسنجی شده       $P_h$  = مقدار PMP روش هرشفیلد  
 $P_b$  = مقدار PMP روش بت لاهمی       $P_s$  = مقدار PMP روش بت لاهمی اصلاح شده



شکل ۳. ایستگاه‌های سازمان هواشناسی با آمار رطوبت نسبی ده سال یا بیشتر





شکل ۴. منحنی‌های حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته واسنجی شده (میلی‌متر)، با استفاده از آمار رطوبت ایستگاه‌های سازمان هواشناسی

روش میانگین وزنی و با توجه به مساحت سطوح محصور بین  
منحنی‌های هم‌مقدار، مقادیر میانگین منطقه‌ای محاسبه شود.  
برای تخمین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته برای مناطق  
دوردست و فاقد ایستگاه اندازه‌گیری در ایران، شکل ۴ کاربرد  
دارد.

#### منابع مورد استفاده

۱. بی‌نام. ۱۳۶۴. بررسی حداکثر بارندگی محتمل (PMP) رودخانه‌های مارون-الله و جراحی. شرکت مهندسی مشاور مه‌آب قدس، وزارت نیرو، سازمان آب و برق خوزستان.
۲. بی‌نام. ۱۳۶۴. بررسی حداکثر بارندگی محتمل (PMP) رودخانه شفارود. شرکت مهندسی مشاور مه‌آب قدس، وزارت نیرو، سازمان آب و برق مازندران.
۳. بی‌نام. ۱۳۶۴. بررسی حداکثر بارندگی محتمل (PMP) سد ۱۵ خرداد. شرکت مهندسی مشاور مه‌آب قدس، وزارت نیرو، سازمان آب و برق اصفهان.
۴. بی‌نام. ۱۳۶۴. بررسی حداکثر بارندگی محتمل (PMP) رودخانه کرخه. شرکت مهندسی مشاور مه‌آب قدس، وزارت نیرو، سازمان آب و برق خوزستان.
۵. خلجی پیربلوطی. م. ۱۳۷۴. تخمین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته برای ایستگاه‌های باران‌سنجی ایران با روش‌های آماری و مقایسه با روش سینوپتیکی. پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز.

۶. علیزاده، ا. ۱۳۶۸. اصول هیدرولوژی کاربردی. انتشارات بنیاد فرهنگی رضوی، مشهد.
۷. رشتچی، ژ. ۱۳۷۱. برآورد حداکثر بارش محتمل به روش‌های مختلف. مطالعه موردی برای حوضه آبریز طالقان. پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تهران.
۸. قهرمان، ب. و ع. ر. سپاسخواه. ۱۳۶۹. تعیین مقادیر حدی بارندگی (PMP) در نقاط جنوبی ایران. اولین سمینار مهندسی رودخانه، اهواز، ۵ - ۸ آبان ۱۳۶۹.
9. Bethlahmy, N. 1984. Long-term hydrologic events from short-term records. *J. Hydrol.* 68: 141-148.
10. Chow, V. T. 1954. The log-probability law and its engineering applications. *Proc. ASCE* 80: 1-25.
11. Chow, V. T., D. Maidment and L. W. Mays. 1988. *Applied Hydrology*. McGraw Hill International, London.
12. . Corrigan, P., D. D. Fen, D. R. Kluck and J. L. Vogel. 1998. Probable Maximum Precipitation for California: Calculation procedure. Hydrometeorological Report No. 58, US Dept. of Commerce, Washington DC.
13. Gerger, R. 1965. *The Climate Near the Ground*. Harvard Univ. Press, Cambridge, Mass.
14. Hershfield, D. M. 1961b. Estimating the probable maximum precipitation. *J. Hydraul. Div. ASCE* 87(HY5): 99-116.
15. Mistry, J. F. 1984. Review of design floods spillway capacities and freeboards for embankment in Gujarat. *Proc. Int. Conf. on Safety of Dams, Coimbra, Portugal*.
16. U. S. Army Corps of Engineers. 1965. Standard project flood determination. *Civil Engineer Bulletin* No. 52-8, Engineering Manual EM 1110-2-1411.
17. USBR. 1961. Interim Report-Probable Maximum Precipitation in California. Hydrometeorological Report No. 36, US Dept. of Commerce, Washington DC.
18. USBR. 1966. Probable Maximum Precipitation, Northwest States. Hydrometeorological Report No. 43, US Dept. of Commerce, Washington DC.
19. USBR. 1973. *Designs of Small Dams*. US Dept. of the Interior, Washington, DC.
20. Viessman, W. J., J. W. Knapp, G. L. Lewis and T. E. Harbaugh. 1977. *Introduction to Hydrology*. Harper and Row Publication, New York.
21. World Meteorological Organization. 1973. Manual of estimation of probable maximum precipitation. *Operational Hydrology Report* No. 1., W. M. O. No. 332, Geneva.